

أجب عن جميع الأسئلة الآتية:

(لكل فراغ درجة واحدة)

س1. أكمل ما يلي:

(1) إذا كانت  $\begin{bmatrix} 1 & z \\ -1 & 0 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & 5k \\ 3 & -2 \end{bmatrix}$  ، فإن  $\begin{bmatrix} 2 & 3 & x \\ 4 & y & 5 \end{bmatrix}$  ،

$x = \dots\dots\dots$  ,  $y = \dots\dots\dots$  ,  $z = \dots\dots\dots$  ,  $k = \dots\dots\dots$

(2) إذا كانت محورة المصفوفة  $A = \begin{bmatrix} x+5 & 3y-2 \\ 6-z & 4M \end{bmatrix}$  تساوي المعكوس الجمعي للمصفوفة  $B = \begin{bmatrix} -8 & 4x \\ -10 & 4y \end{bmatrix}$  ،

فإن  $x = \dots\dots\dots$  ,  $y = \dots\dots\dots$  ,  $z = \dots\dots\dots$  ,  $M = \dots\dots\dots$

(3) إذا كانت  $A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ -1 & 4 & 2 \\ 2 & 3 & -2 \end{bmatrix}$  ، وكانت مصفوفة المرافقات  $A = \begin{bmatrix} -14 & 2 & -11 \\ 12 & -6 & 3 \\ -2 & -4 & 7 \end{bmatrix}$  ، فإن

$A^{-1} = \dots\dots\dots$

(4) إذا كانت  $z = (3, -4)$  ، فإن  $z^{-1} = (\dots, \dots)$

(5) إذا كانت  $z = 3(\cos 60^\circ + i \sin 60^\circ)$  ، فإن  $z^3 = \dots\dots\dots$

(6) إذا كانت  $\left| \begin{matrix} x-2 & 3 \\ 4 & x-1 \end{matrix} \right| = 0$  ، فإن قيمة  $x$  هي  $\dots\dots\dots$

(7) قيمة  $\frac{i^{40} + i^{25} + 3i^8}{2 - i^9 + i^{10} - i^{15}} = \dots\dots\dots$

(8) إذا كانت  $z = 2 - 3i$  ، فإن  $\frac{2z-2}{\bar{z}-4i} + 4 = \dots\dots\dots$

(9) إذا كانت  $A = \begin{bmatrix} a+b & -2 & b+c \\ a & 0 & 8+b \\ 12 & -6 & 2+b \end{bmatrix}$  ، فإن قيم  $a, b, c$  التي تجعل المصفوفة  $A$  ملتوية التماثل هي:

$a = \dots\dots\dots$  ,  $b = \dots\dots\dots$  ,  $c = \dots\dots\dots$

(10) إذا كانت  $D = \begin{bmatrix} 9 & 5 & 6 \\ -3 & -4 & 1 \\ 18 & 10 & 12 \end{bmatrix}$  ، فإن  $|D| = \dots\dots\dots$



$$(11) \text{ إذا كانت } f(x) = \frac{3x+1}{x^2-5x+6} \text{ فإن } D_f = \dots\dots\dots$$

$$(12) \text{ إذا كانت } \left| \frac{3x}{2x} - \frac{-x}{5x} \right| = mx^2 \text{ فإن } m = \dots\dots\dots$$

$$(13) \text{ إذا كانت } z = \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2}i \text{ فإن } \theta = \dots\dots\dots \text{ و } r = \dots\dots\dots$$

$$(14) \text{ إذا كانت } z_1 = 4 + 3i \text{ و } z_2 = 1 + 2i \text{ فإن}$$

$$\frac{z_1}{z_2} = \dots\dots\dots, |z_1| = \dots\dots\dots, z_1 z_2 = \dots\dots\dots$$

$$(15) \text{ قيمة } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2+x-6}{x^2-9} = \dots\dots\dots$$

$$(16) \text{ فترة حل المتباينة } x^3 - 6x^2 + 8x < 0 \text{ هي: } \dots\dots\dots$$

$$(17) \text{ إذا كانت } f(x) = \sqrt{2x+10} \text{ و } g(x) = 3x-6 \text{ فإن}$$

$$D_{f(x)} = \dots\dots\dots, f \circ g(x) = \dots\dots\dots, f^{-1}(x) = \dots\dots\dots$$

$$(18) \text{ قيمة النهاية } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+4}-2}{x} = \dots\dots\dots$$

$$(19) \text{ إذا كانت } f(x) = \begin{cases} 8x+k; & x \geq 1 \\ 3x+4; & x < 1 \end{cases} \text{ فإن قيمة } k \text{ التي تجعل الدالة } f(x) \text{ مستمرة عند } x=1 \text{ هي: } k = \dots\dots\dots$$

$$(20) \text{ فترة حل المتباينة } |x+3| \leq |x-2| \text{ هي: } \dots\dots\dots$$

$$(21) \text{ إذا كانت } z = 2(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}) \text{ فإن } z^{-1} = \dots\dots\dots$$

$$(22) \text{ إذا كانت } f(x) = \frac{2x+3}{3x-5} \text{ فإن } f^{-1}(x) = \dots\dots\dots \text{ و } f^{-1}(2) = \dots\dots\dots$$

$$(23) \text{ إذا كانت } A = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 4 \end{bmatrix} \text{ و } B = \begin{bmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 0 & -2 & 4 \\ 5 & 3 & 6 \end{bmatrix} \text{ و } C = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & -4 \\ 7 & 0 \end{bmatrix} \text{ فإن}$$

$$\bullet AB = \dots\dots\dots$$

$$\bullet AA^t = \dots\dots\dots$$

$$\bullet A^2 + 3C = \dots\dots\dots$$

$$\bullet BC = \dots\dots\dots$$

$$\bullet CB - 5A = \dots\dots\dots$$



$$(24) \quad \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x} - \sqrt{3}}{x^2 - 3x} = \dots \quad \text{قيمة النهاية}$$

$$(25) \quad \text{أذكر ما إذا كانت الدالة } f(x) = \frac{5x^3 - 8x}{x^5 + x} \text{ زوجية أم فردية أم غير ذلك.}$$

$$(26) \quad \text{قيمة } c \text{ التي تجعل الدالة } f(x) \text{ مستمرة عند } x = 1 \text{ حيث } f(x) = \begin{cases} x^2 + c^2; & x \geq 1 \\ 3cx - 1; & x < 1 \end{cases} \text{ هي: } c = \dots$$

$$(27) \quad \text{فترة حل المتباينة } \frac{2-5x}{3x+1} \geq 1 \text{ هي: } \dots$$



$$(28) \quad \text{قيمة } [(-1 + 2i)(7 - 5i)] - (3 - 4i) = \dots$$

$$(29) \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x^2 + 15x^4 + 3x}{5x^4 + 2x + 2} = \dots \quad \text{قيمة النهاية}$$

$$(30) \quad \text{إذا كانت } z = \frac{vi^5 + ui^8}{2+i^3} \text{ و } \bar{z} = \frac{13+i^3}{4+i^5} \text{ عدنان مترافقان فإن } u = \dots \text{ و } v = \dots$$

$$(31) \quad \text{إذا كانت } f(x) = \frac{x+5}{x^2+x-20} \text{ أذكر ما إذا كانت الدالة } f \text{ مستمرة عند } x = 4 \text{ أم لا.}$$

$$(32) \quad \text{إذا كانت } z = 2e^{\frac{\pi}{2}i} \text{، فإن الصورة الكارتيزية لـ } z \text{ هي } (\dots, \dots)$$

(درجات)

س2. أوجد الجذور التكعيبية للعدد المركب 8-. (أكتب الإجابة في الجهة الخلفية من الورقة)

تمت الأسئلة

تمنياتي للجميع بالتوفيق والنجاح